

## 2021 年硕士学位研究生入学考试试题

科目代码：973 科目名称：自动控制理论（单考） 满分：150 分

注意：①认真阅读答题纸上的注意事项；②所有答案必须写在答题纸上，写在本试题纸或草稿纸上均无效；③本试题纸须随答题纸一起装入试题袋中交回！

## 一、简答题（30 分）

- 1、试简述自动控制系统性能指标要求中“稳”、“准”、“快”的内涵。
- 2、试简述利用传递函数作为自动控制系统模型，进行系统性能分析的优点。
- 3、试简述使用局部测速反馈控制改善二阶系统性能的原理，并分析该方法的优缺点。
- 4、试说明系统闭环特征根在 s 平面上的位置与系统动态性能之间的关系。
- 5、试说明 Lyapunov 意义下渐近稳定的含义及判据。
- 6、试说明系统开环对数频率特性曲线使用  $lg\omega$  作为横轴的理由。

## 二、判断题（30 分）

- 1、对于任意一个自动控制系统，若该系统的闭环极点均具有负实部，则该系统是稳定的。 ( )
- 2、微分环节可以提供动态阻尼，降低系统的超调，减小振荡，因此对于欠阻尼二阶系统而言，可以单独使用微分控制改善系统性能。 ( )
- 3、由于闭环系统的根轨迹起始于闭环极点，终止于闭环零点，因此可能出现有多条根轨迹汇聚于一个零点的情形。 ( )
- 4、若系统开环幅相曲线与实轴的交点位于  $(-1, j0)$  点的左侧，则系统一定是不稳定的。 ( )
- 5、若高阶系统存在一对邻近的零极点，则可将该对零极点对消，对消后系统的性能基本不变。 ( )
- 6、若系统的状态方程为  $x(k+1) = Ax(k)$ ，即使矩阵 A 存在正实部的根，系统也可能是稳定的。 ( )

## 三、选择题（30 分）

1、已知系统的闭环传递函数如下所示，其中稳定的系统个数是 ( )。

$$\Phi_1(s) = \frac{K(\tau s + 1)}{T^2 s + T\tau s + 1}, K, T, \tau > 0, \quad \Phi_2(s) = \frac{K}{s(s^2 + 2\xi\omega_n s + \omega_n^2)}, K, \xi, \omega_n > 0,$$

$$\Phi_3(s) = \frac{K(\tau s + 1)}{s(s+1)(s^2 + Ts + 1)}, K, T, \tau > 0, \quad \Phi_4(s) = \frac{K}{s(Ts + 1)(s^2 + Ts + 1)}, K, T > 0$$

- A、1 个      B、2 个      C、3 个      D、4 个

2、已知某单位负反馈系统的开环传递函数  $G(s) = \frac{10}{s(s^2 + s + 1)}$ ，则闭环系统的说法正确的是 ( )。

- A、系统是稳定的，因此可不加校正即可使用；
- B、系统的单位阶跃响应无超调和振荡；
- C、系统是 I 型系统，可以无静差跟踪阶跃输入信号；
- D、以上说法都不对。

3、已知单位负反馈系统的开环传递函数  $G(s) = \frac{100}{s(s^2 + 5s + 4)}$ ，则以下关于系统的开环幅相曲线说法不正确的是 ( )。

- A、系统开环幅相曲线起始于  $\infty \angle -90^\circ$ ；
- B、系统开环幅相曲线终止于  $0 \angle -270^\circ$ ；
- C、系统开环幅相曲线与实轴无交点（0 点除外）；
- D、系统开环幅相曲线与虚轴无交点（0 点除外）。

4、已知某系统的被控对象传递函数为  $G_p(s) = \frac{25(s+4)}{s(s+5)}$ ，以下关于该系统的描述正确的是 ( )。

- A、系统具有 1 个积分环节，若加入 PI 串联校正，则可能使得系统实现无静差跟踪斜坡输入信号；
- B、由于系统零极点分布较近，可以针对零极点对消后的系统设计校正元件；
- C、由于系统的截止频率位于 [4, 5] 之间，因此可以采用超前校正；
- D、以上都不对。

5、已知系统的状态方程为  $\begin{cases} \dot{x}(t) = Ax(t) + Bu(t), \\ y(t) = Cx(t) \end{cases}$ ，其中  $x(t) \in R^n, y(t) \in R^m$ ，以下关于系统可观的说法正确的是 ( )。

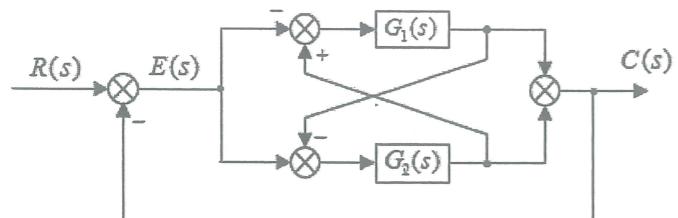
- A、若  $\text{rank}[B \ AB \ \dots \ A^{n-1}B] = n$ ，则系统可观；

- B、若 $\text{rank}[B \ BA \dots \ B^{n-1}A] = n$ , 则系统可观;  
 C、若 $\text{rank}[C^T \ C^T A^T \dots \ (C^T)^{n-1} A^T] = n$ , 则系统可观;  
 D、若 $\text{rank}[C^T \ A^T C^T \dots \ (A^T)^{n-1} C^T] = n$ , 则系统可观。

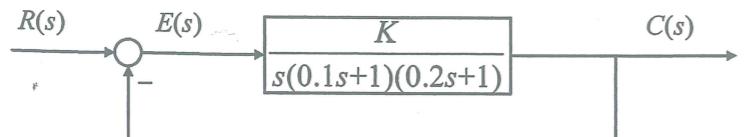
6、以下关于采样控制系统的说法, 正确的是( )。

- A、对于线性采样控制系统, 其模型可以利用对应连续系统的传递函数表示;  
 B、采样控制系统的采样频率越高, 系统性能越好;  
 C、采样控制系统的采样频率应满足香农采样定理的要求;  
 D、采样控制系统的稳定性与采样周期无关。

四、(15分) 已知某系统结构如下图所示, 试计算传递函数 $\frac{C(s)}{R(s)}$ 和 $\frac{E(s)}{R(s)}$ 。



五、(15分) 系统结构图如下图所示。试问:



- (1) 试确定闭环系统稳定时 $K$ 的取值范围;  
 (2) 若 $r(t)=2t+2$ 时, 若要求系统稳态误差 $e_{ss} \leq 0.25$ 时 $K$ 的取值范围;  
 (3) 为使系统特征根全部位于 $s$ 平面 $s=-1$ 的左侧时 $K$ 的取值范围。

六、(15分) 已知单位负反馈控制系统的开环传递函数为 $G(s)=\frac{K(s+3)}{s(s-1)}$ ,

$K > 0$ 。试绘制系统的开环幅相曲线, 并用奈奎斯特判据确定闭环系统的 $K$ 值范围。

七、(15分) 某PD串联校正的控制系统如下图所示,

(1)当 $K_p=10$ ,  $K_d=1$ 时, 试求相位裕量 $\gamma$ ;

(2)若要求该系统剪切频率 $\omega_c=5$ , 相位裕量 $\gamma=50^\circ$ , 试求 $K_p$ ,  $K_d$ 的值。

